

Fonctions : calculer une image

Une **fonction** associe à chaque nombre x un unique nombre, noté $f(x)$. Ce nombre est l'**image** de x par la fonction f .

Notation

Pour la fonction affine $f(x) = 3x - 2$, on peut écrire aussi $f : x \mapsto 3x - 2$. « $f(4)$ » se lit « f de 4 » : c'est l'**image de 4 par f** . Inversement, 4 est un **antécédent** de $f(4)$.

Exemples

Avec $f(x) = 3x - 2$:

- $f(4) = 3 \times 4 - 2 = 12 - 2 = \mathbf{10}$: l'image de 4 est 10.
- $f(0) = 3 \times 0 - 2 = \mathbf{-2}$.
- $f(-1) = 3 \times (-1) - 2 = -3 - 2 = \mathbf{-5}$.

La méthode

1. Je repère l'expression de $f(x)$ et le nombre dont on cherche l'image.
2. Je remplace x par ce nombre, **entre parenthèses**.
3. Je calcule en respectant les priorités : la multiplication avant l'addition ou la soustraction.
4. J'écris le résultat sous la forme $f(4) = 10$.

Attention

- $f(4)$ ne signifie pas « $f \times 4$ » : f est le nom de la fonction, et $f(4)$ est la valeur obtenue pour $x = 4$.
- Avec un nombre négatif, mets des parenthèses : $f(-1) = 3 \times (-1) - 2$, et non $3 \times -1 - 2$.
- Ne confonds pas image (on part de x) et antécédent (on part du résultat).

Astuce pour retenir : $f(4)$: je remplace x par 4.

Exemple résolu

Soit la fonction f définie par $f(x) = 6x + 1$. Calcule $f(0)$.

1. On remplace x par 0 : $6 \times 0 + 1$.
2. Résultat : 1.

Exercices interactifs, indices et corrections : <https://retiensca.fr/competence/fonctions-images>